

тело (обычно диск или цилиндр), катящееся без проскальзывания по какой-либо поверхности, то точка касания тела может быть вершиной графа, так как скорость ее равна нулю.

Метод кинематических графов удобен и прост в решении. Однако следует предупредить о характерной ошибке, встречающейся при составлении графов. Так, при рассмотрении графа для рис. 1 «в обратном направлении» $B \xrightarrow{\pi+\varphi_1} A$, можно ошибиться при выборе угла. Соответствующие уравнения имеют вид:

$$\begin{aligned} v_{Ax} &= v_{Bx} - AB \omega_{1z} \sin(\pi + \varphi_1); \\ v_{Ay} &= v_{By} + AB \omega_{1z} \cos(\pi + \varphi_1). \end{aligned} \quad (I.4)$$

Уравнения (I.3) и (I.4) совпадают.

В некоторых очевидных случаях метод кинематических графов применять нецелесообразно. Например, при определении скорости точки A цилиндра, катящегося по неподвижной поверхности, по заданной скорости центра O (рис. 2) проще использовать понятие мгновенного центра скоростей (МЦС). Цилиндр катится без проскальзывания, поэтому точка P касания плоскости неподвижна.

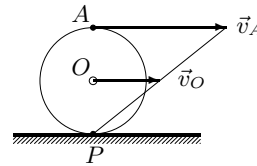


Рис. 2

Следовательно, учитывая линейное распределение скоростей, получаем $v_{Ox} = v_{Ax}/2$. В общем же случае метод МЦС связывает модули угловых скоростей, поэтому для решения задачи он непригоден, так как при вычислении обобщенной силы необходимы проекции скоростей.

Для определения проекций скоростей можно также воспользоваться координатным методом. Рассмотрим кривошипно-шатунный механизм (рис. 3). Кривошип AB , вращаясь вокруг оси в подшипнике A , посредством шатуна BC сообщает возвратно-поступательное движение ползуну C . Дано: $AB = BC = l$. Силы, действующие на механизм, не указаны, для кинематического анализа они не требуются.

Пусть φ — обобщенная координата. Найдем скорость ползуна. Для этого определим его координату

$$x_C = x_A + 2l \cos \varphi.$$

Дифференцируя это равенство, получаем:

$$v_{xC} = -2l\dot{\varphi} \sin \varphi. \quad (I.5)$$